

١. العائد المتوقع على المحفظة :

معدل العائد المتوقع على المحفظة هو ببساطة المعدل المرجح بنسب الاستثمار للعوائد المتوقعة للأوراق المالية الفردية في المحفظة ، ويتم حسابه من خلال المعادلة الآتية :-

$$(ع^{\wedge}_م) = ح_١ \times ع_١ + ح_٢ \times ع_٢ + \dots + ح_ن \times ع_ن \quad (١)$$

حيث أن :-

ع ^١ م = معدل العائد المتوقع على المحفظة .	ح ^١ = نسبة المبلغ المستثمر في الأصل الأول.
ع ^٢ م = نسبة المبلغ المستثمر في الأصل الثاني .	ع ^٢ = معدل العائد المتوقع للأصل الثاني .
ع ^ن م = معدل العائد المتوقع للأصل الأول .	ن = عدد الأصول المكونة للمحفظة .

٢. مخاطر المحفظة :

يتم قياس مخاطر المحفظة باستخدام الانحراف المعياري لعائد المحفظة وذلك من خلال تحديد الانحراف المعياري لكل أصل من الأصول التي تتضمنها المحفظة ونسبة الاستثمار في كل أصل من هذه الأصول بالإضافة إلى معامل الارتباط بين الأصول المكونة للمحفظة ، ويمكن صياغة المعادلة التي تحدد مخاطر المحفظة لأصلين على النحو الآتي :-

$$\sigma_m = \sqrt{ح_١^٢ \sigma_١^٢ + ح_٢^٢ \sigma_٢^٢ + ٢ ح_١ ح_٢ \rho_{١٢} \sigma_١ \sigma_٢} \quad (٢)$$

σ_m = الانحراف المعياري للمحفظة (م)

ح^١، ح^٢ = نسبة المبلغ المستثمر في كل أصل من الأصلين الأول والثاني .

$\sigma_١$ ، $\sigma_٢$ = الانحراف المعياري للأصل الأول ، والانحراف المعياري للأصل الثاني .

$\rho_{١٢}$ = معامل نسبة الارتباط بين عوائد الأصلين

تحديد المحفظة الفعالة :

إحدى الاستخدامات الهامة للعلاقات الإحصائية هو تحديد المحفظة الفعالة ، وهي تلك المحفظة التي تعطي أعلى عائد متوقع عند أية درجة من المخاطرة ، أو تكون ذات درجة منخفضة من المخاطرة عند أي عائد متوقع.

تمرين (١)

افترض أن السيد محمد وهو أحد المستثمرين يمكنه الاستثمار في ورقتين مالييتين (أ) ، (ب) وأنه يمتلك مبلغاً من المال لاستثماره فيهما وسوف يخصص هذا المبلغ بين الورقتين بأى نسبة ، وافترض أن معدل العائد لكل ورقة والانحراف المعياري لها كالآتي :-

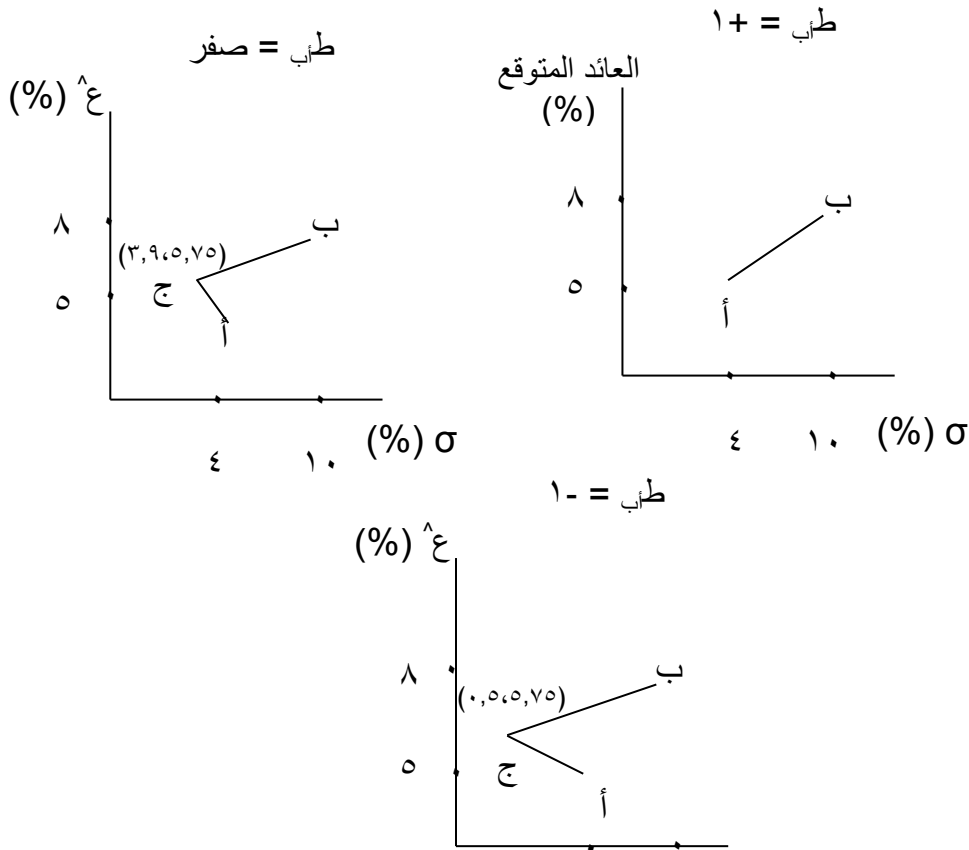
العوائد المتوقعة والمخاطر للمحفظة عند أوزان مختلفة للاستثمار

طَب = -1		طَب = 0		طَب = +1		المستثمر فى (ب)	المستثمر فى (أ)
σ	\hat{E}	σ	\hat{E}	σ	\hat{E}		
4,00%	5,00%	4,00%	5,00%	4,00%	5,00%	صفر	1
0,5	5,75	3,9	5,75	5,5	5,75	0,25	0,75
3,00	6,50	5,4	6,50	7,00	6,50	0,50	0,50
6,5	7,25	7,6	7,25	8,5	7,25	0,75	0,25
10,00	8,00	10,00	8,00	10,00	8,00	1	صفر

من الواضح من الجدول أن خطر المحفظة يقل عندما يكون معامل الارتباط بين عوائد الأسهم المكونة لها يساوى -1 (أى ارتباط سلبى تام) ، ويمكن تصوير بيانات الجدول السابقة فى الرسوم البيانية الآتية لتحديد المحفظة الفعالة :-

شكل رقم (1-3)

تصوير العوائد والمخاطرة لمجموعة من المحافظ الاستثمارية بيانياً



يتضح من الرسوم البيانية للمحافظ الاستثمارية الآتية :-

1- فى الحالة الأولى (طَب = +1) كل المحافظ الاستثمارية تقع على الخط (أ ب) وتعتبر جميع هذه المحافظ فعالة لأن أية زيادة فى المخاطرة يقابلها زيادة فى

العائد المتوقع ، كما لا توجد محافظ استثمارية تعطي عائداً أعلى أو مخاطر أقل من المحافظ التي تقع على هذا الخط .

٢- في الحالتين الأخيرتين (طب = صفر ، طب = ١ -) المحافظ التي تقع على الخط (ب ج) هي المحافظ الفعالة ، بينما المحافظ التي تقع على الخط (أ ج) تعتبر غير فعالة وذلك لأن أية درجة من الخطر على (أ ج) يقابلها عائد أعلى على الخط (ب ج) وبالتالي فإن المحافظ التي تقع على الخط (ب ج) هي الأفضل حيث تحقق أعلى العوائد عند نفس درجات المخاطرة للمحافظ التي تقع على الخط (أ ج) .

٣- المستثمر العاقل يجب ألا يستثمر في محفظة تقع على الخط (أ ج) لأنه كلما زادت المخاطرة قل العائد بعكس (ب ج) ، (أ ب) كلما زادت المخاطرة زاد العائد .